



## SIMULARE

## PROBA E.c)

Matematică *M\_șt-nat*  
BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE*Filiera teoretică, profilul real, specializarea științe ale naturii*

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă zece puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare.

## SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$a_1 + a_2 + a_3 = a_2 + (a_1 + a_3) = a_2 + 2a_2 = 3a_2$ $a_1 + a_2 + a_3 = 2022$	3p 2p
2.	$G_f \cap Ox = \{A(2,0)\}, G_f \cap Oy = \{B(0,-2)\}$ $AB = \sqrt{OA^2 + OB^2} = 2\sqrt{2}$	2p 3p
3.	$\log_2 x - \log_{\frac{1}{2}}(x-2) = 3 \Rightarrow \log_2(x^2 - 2x) = 3$ Obținem că $x^2 - 2x = 8$ , de unde $x = 4$ și $x = -2$ . Convine doar soluția $x = 4$ .	2p 2p 1p
4.	Sunt 6 cazuri posibile și 3 cazuri favorabile, deci probabilitatea evenimentului este $\frac{1}{2}$ .	2p 2p 1p
5.	$m_{d_1} = -\frac{m}{2}, m_{d_2} = 1 - m$ Se impune condiția $1 - m \neq -\frac{m}{2}$ . Dreptele sunt concurente pentru $m \in \mathbb{R} \setminus \{2\}$ .	2p 2p 1p
6.	$E\left(\frac{\pi}{2}\right) = \sin\frac{\pi}{4} + \cos\frac{2\pi}{3}$ $E\left(\frac{\pi}{2}\right) = \frac{\sqrt{2}-1}{2}$	2p 3p

## SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.a)	$\det A = 2 \cdot 7 - 3 \cdot 5$ $\det A = -1$	2p 3p
------	---	----------

b)	$A^2 = \begin{pmatrix} 19 & 27 \\ 45 & 64 \end{pmatrix}$ <p>Ecuția matricială revine la <math>\begin{pmatrix} 2m &amp; 3m \\ 5m &amp; 7m \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 18 &amp; 27 \\ 45 &amp; 63 \end{pmatrix}</math>,</p> <p>deci <math>m = 9</math>.</p>	<p>2p</p> <p>2p</p> <p>1p</p>
c)	$\begin{vmatrix} 2-x & 3 \\ 5 & 7-x \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2-y & 3 \\ 5 & 7-y \end{vmatrix} \Leftrightarrow x^2 - 9x = y^2 - 9y \Leftrightarrow$ $\Leftrightarrow (x-y)(x+y-9) = 0$ <p>Cum numerele <math>x</math> și <math>y</math> sunt distincte, rezultă că <math>x+y=9</math>.</p>	<p>2p</p> <p>2p</p> <p>1p</p>
2.a)	$\left(-\frac{1}{3}\right) \perp 2022 = -\frac{1}{3} + 2022 + 3 \cdot \left(-\frac{1}{3}\right) \cdot 2022 =$ $= -\frac{1}{3} + 2022 - 2022 = -\frac{1}{3}$	<p>2p</p> <p>3p</p>
b)	<p>Elementul neutru este <math>e = 0</math>.</p> <p>Din <math>x = x'</math> și <math>x \perp x' = 0</math> rezultă că <math>2x + 3x^2 = 0</math>,</p> <p>prin urmare <math>x \in \left\{0, -\frac{2}{3}\right\}</math>.</p>	<p>2p</p> <p>1p</p> <p>2p</p>
c)	<p>Se obține <math>f(x \perp y \perp z) = 27 \left(x + \frac{1}{3}\right) \left(y + \frac{1}{3}\right) \left(z + \frac{1}{3}\right)</math> (sau o formă echivalentă).</p> <p>Cum <math>f(x) \cdot f(y) \cdot f(z) = (3x+1)(3y+1)(3z+1)</math>, rezultă egalitatea cerută.</p>	<p>3p</p> <p>2p</p>

**SUBIECTUL al III-lea**

**(30 de puncte)**

1.a)	$f'(x) = \frac{1+x+x^2 - x \cdot (1+2x)}{(1+x+x^2)^2} =$ $= \frac{1-x^2}{(1+x+x^2)^2} = \frac{(1-x)(1+x)}{(1+x+x^2)^2}$	<p>3p</p> <p>2p</p>
b)	<p>Tangenta la graficul funcției <math>f</math> în punctul de coordonate <math>(x_0, f(x_0))</math> este perpendiculară pe axa <math>Oy</math> atunci când <math>f'(x_0) = 0</math>.</p> $f'(x_0) = 0 \Rightarrow x_0 \in \{-1, 1\}$ <p>Punctele căutate sunt <math>A(-1, -1)</math> și <math>B\left(1, \frac{1}{3}\right)</math>.</p>	<p>1p</p> <p>2p</p> <p>2p</p>
c)	<p>Funcția <math>f</math> este descrescătoare pe intervalul <math>(1, +\infty)</math>.</p> <p>Cum <math>1 &lt; \sqrt{2} &lt; \sqrt[3]{3}</math> (<math>\Leftrightarrow 1^6 &lt; (\sqrt{2})^6 &lt; (\sqrt[3]{3})^6 \Leftrightarrow 1 &lt; 8 &lt; 9</math>),</p> <p>rezultă că <math>f(\sqrt{2}) &gt; f(\sqrt[3]{3})</math>.</p>	<p>2p</p> <p>2p</p> <p>1p</p>